

**CONCURS TRANSDISCIPLINAR
"CUZA SMART"
MATEMATICĂ
15 APRILIE 2019**

XI

Varianta 2

Pentru itemii M1-M18 marcați pe grila de răspuns semnul X asociat literei răspunsului corect.

- M1.** Fie $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$. Atunci suma modulelor elementelor matricei $A^{2019} - I_3$ este:
- a. 0 b. $2019 \cdot 1007$ c. $2019 \cdot 1011$ d. $2019 \cdot 1009$ **(0,5p)**
- M2.** Numărul asimptotelor funcției $f: D \rightarrow R, f(x) = \frac{x-1}{\sqrt{1-x^2}}$, unde D reprezintă domeniul maxim de definiție, este:
- a. 1 b. 2 c. 0 d. 4 **(0,5p)**
- M3.** Fie $A = \begin{pmatrix} m & x & 1 \\ x & -1 & x \\ 1 & x & m \end{pmatrix}$, unde $m, x \in R$. Atunci, mulțimea valorilor lui m pentru care $\det(A) \geq 0 \forall x \in R$ este:
- a. $\{1\}$ b. $[-1,1]$ c. $[-1,1)$ d. $(-\infty, -1] \cup \{1\}$ **(0,5p)**
- M4.** Se dau punctele $A(m, n), B(m+1, n+1), C(m^2, n^2)$. Pentru câte perechi de numere naturale nenule (m, n) aria triunghiului ABC este 1?
- a. 4 b. 2 c. niciuna d. o infinitate **(0,5p)**
- M5.** Fie $f: (-\infty, -2] \rightarrow R, f(x) = \sqrt{\frac{4x^3+32}{x-1}}$. Asimptota funcției f la $-\infty$ este:
- a. $y = 2x$ b. $y - 2x = 1$ c. $y + 2x - 1 = 0$ d. $y + 2x + 1 = 0$ **(0,5p)**
- M6.** Să se determine constantele reale a și b pentru care $\lim_{x \rightarrow -\infty} (\sqrt[3]{ax^2 + x} - \sqrt[3]{x^2 + bx})\sqrt[3]{x} = 1$.
- a. $a = 1, b = 4$ b. $a = -1, b = 4$ c. $a = 1, b = -2$ d. $a = -1, b = -2$ **(0,5p)**
- M7.** Funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(2-x)}{1-x^2} + \frac{a}{2}, & x < 1 \\ x^2 - 2x, & x \in [1; 3] \\ \frac{2^x - 8}{(27-x^3)\ln 2} + \frac{b}{x^3}, & x > 3 \end{cases}$, $a, b \in \mathbb{R}$, are proprietatea lui Darboux pe \mathbb{R} pentru:
- a. $a = -3, b = 89$ b. $a = 3, b = 11$ c. $a = -3, b = 11$ d. $a = 3, b = 89$ **(0,5p)**
- M8.** Suma modulelor rădăcinilor complexe ale ecuației $\begin{vmatrix} x+1 & -2 & x \\ 2 & x & 1 \\ 1 & 1 & x \end{vmatrix} = -9$ este egală cu:
- a. 2 b. $1 + \sqrt{6}$ c. 0 d. $1 + 2\sqrt{6}$ **(0,5p)**
- M9.** Imaginea funcției $f: R \rightarrow R, f(x) = \operatorname{arcctg}(x) - \sqrt{3^x}$ este mulțimea:
- a. $(-\infty, \frac{\pi}{2} - 1]$ b. R c. $(-\infty, \pi)$ d. $(-\infty, \frac{\pi}{4} - \sqrt{3}]$ **(0,5p)**

**CONCURS TRANSDISCIPLINAR
"CUZA SMART"
MATEMATICĂ
15 APRILIE 2019**

XI

Varianta 2

M10. Fie $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & -7 \\ 6 & -3 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$. Urma matricei X , care verifică ecuația $AX = B$, este egală cu:

- a. 2 b. 5 c. -1 d. 0 (0,5p)

M11. Fie $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \cos(\pi \sqrt[3]{3n^2 - 8n^3})$. Atunci:

- a. nu există b. $L = \frac{1}{2}$ c. $L = \frac{\sqrt{2}}{2}$ d. $L = 1$. (0,5p)

M12. Numărul soluțiilor în $M_2(\mathbb{C})$ ale ecuației $X^2 = \begin{pmatrix} -1 & -4 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ este:

- a. 3 b. 0 c. 4 d. 2 (0,5p)

M13. Considerăm șirul $(a_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$, definit prin $a_1 = 1, a_2 = \frac{1}{2}$ și $(n+2)a_{n+2} = \sqrt{(n+1)^2 a_{n+1} + n a_n}, \forall n \in \mathbb{N}^*$. Atunci $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ este egală cu:

- a. 1 b. $\frac{1}{4}$ c. 0 d. ∞ (0,5p)

M14. Cunoscând că $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^3} = \frac{1}{6}$, valoarea limitei $L = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^{n\sqrt{2}} - \sin^{n\sqrt{2}} x}{nx^2 + n\sqrt{2}} \right)$ este:

- a. 1 b. $\sqrt{2}$ c. $\frac{\sqrt{2}}{6}$ d. 0 (0,5p)

M15. Considerăm $A \in \mathcal{M}_{2019}(\mathbb{R})$, care verifică egalitatea $A = A^*$. Valorile posibile ale determinantului matricei A sunt :

- a. $\{0; 1\}$ b. $\{-1; 0; 1\}$ c. $[-1; 1]$ d. $[0; 1]$ (0,5p)

M16. Fie $a_1 = 2, a_2 = 3, a_3 = 5$ și $\sigma \in S_3$. Dacă $\Delta = \begin{vmatrix} a_{\sigma(1)} & a_{\sigma(2)} & a_{\sigma(3)} \\ a_{\sigma(2)} & a_{\sigma(3)} & a_{\sigma(1)} \\ a_{\sigma(3)} & a_{\sigma(1)} & a_{\sigma(2)} \end{vmatrix}$, atunci:

- a. $\Delta = 10$ b. $\Delta = -10$ c. $\Delta = 41$ d. $\Delta = -70$ (0,5p)

M17. Se consideră șirul $(x_n)_{n \in \mathbb{N}}, x_0 = 1, x_{n+1} = \frac{x_n + 4}{x_n + 1}, \forall n \in \mathbb{N}$. Atunci:

- a. $x_{2016} > x_{2018}$ b. $x_{2017} < x_{2019}$ c. $x_{2017} < x_{2018}$ d. $x_{2018} < x_{2019}$ (0,5p)

M18. Fie $A \in \mathcal{M}_2(\mathbb{C})$ astfel încât $tr(A) = 5$ și $det(A) = 7$. Dacă $z = det(A^2 + 7I_2) - det(A^2 + 5I_2)$, atunci:

- a. $z = 4$ b. $z = 46$ c. $z = 6$ d. $z = 64$ (0,5p)